

1. ΘΕΜΑ\_2\_37178

Το πάτωμα του εργαστηρίου της πληροφορικής ενός σχολείου είναι σχήματος ορθογωνίου με διαστάσεις  $x + 1$  μέτρα και  $x$  μέτρα.

- α) Να γράψετε με τη βοήθεια του  $x$  την περίμετρο και το εμβαδόν του πατώματος.  
β) Αν το εμβαδόν του πατώματος του εργαστηρίου είναι 90 τετραγωνικά μέτρα, να βρείτε τις διαστάσεις του.

2. ΘΕΜΑ\_2\_37171

Αν  $\alpha, \beta$  πραγματικοί αριθμοί για τους οποίους ισχύουν:  $\alpha + \beta = 2$  και  $\alpha^2\beta + \alpha\beta^2 = -30$ .

- α) Να αποδείξετε ότι:  $\alpha \cdot \beta = -15$ .  
β) Να κατασκευάσετε εξίσωση δευτέρου βαθμού με ρίζες τους αριθμούς  $\alpha, \beta$  και να τους βρείτε.

3. ΘΕΜΑ\_2\_36890

- α) Να λύσετε την εξίσωση  $|x - 2| = 3$ .  
β) Να σχηματίσετε εξίσωση δευτέρου βαθμού με ρίζες, τις ρίζες της εξίσωσης του α) ερωτήματος.

4. ΘΕΜΑ\_2\_35382

Δίνεται η παράσταση:  $K = \frac{x^2 - 4x + 4}{2x^2 - 3x - 2}$ .

- α) Να παραγοντοποιήσετε το τριώνυμο  $2x^2 - 3x - 2$ .  
β) Για ποιες τιμές του  $x \in \mathbb{R}$  ορίζεται η παράσταση  $K$ ; Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας.  
γ) Να απλοποιήσετε την παράσταση  $K$ .

5. ΘΕΜΑ\_2\_35100

α) Να βρείτε τις ρίζες της εξίσωσης  $-2x^2 + 10x = 12$ .

β) Να λύσετε την εξίσωση  $\frac{-2x^2 + 10x - 12}{x - 2} = 0$ .

6. ΘΕΜΑ\_2\_35038

Έστω  $\alpha, \beta$  πραγματικοί αριθμοί για τους οποίους ισχύουν:  $\alpha \cdot \beta = 4$  και  $\alpha^2\beta + \alpha\beta^2 = 20$ .

- α) Να αποδείξετε ότι:  $\alpha + \beta = 5$ .  
β) Να κατασκευάσετε εξίσωση 2ου βαθμού με ρίζες τους αριθμούς  $\alpha, \beta$  και να τους βρείτε.

**7. ΘΕΜΑ\_2\_37181**

Δίνεται η εξίσωση:  $x^2 - (\lambda - 1)x + 6 = 0$  (1) με παράμετρο  $\lambda \in \mathbb{R}$ .

α) Αν η παραπάνω εξίσωση έχει λύση το 1, να βρείτε το  $\lambda$ .

β) Για  $\lambda = 2$  να λύσετε την εξίσωση (1).

**8. ΘΕΜΑ\_2\_34920**

Δίνεται το τριώνυμο  $3x^2 + 6x - 12$  (1). Αν  $x_1, x_2$  είναι ρίζες του τριωνύμου (1).

α) Να βρείτε την τιμή των παραστάσεων  $x_1 + x_2$  και  $x_1x_2$ .

β) Να βρείτε μια εξίσωση 2ου βαθμού που να έχει ρίζες τους αριθμούς  $4x_1, 4x_2$ .

**9. ΘΕΜΑ\_2\_34436**

Δίνονται οι αριθμοί:  $A = \frac{1}{5 + \sqrt{5}}$ ,  $B = \frac{1}{5 - \sqrt{5}}$ .

α) Να αποδείξετε ότι:

$$\text{i. } A + B = \frac{1}{2} \quad \text{ii. } A \cdot B = \frac{1}{20}$$

β) Να κατασκευάσετε μία εξίσωση 2ου βαθμού με ρίζες τους αριθμούς A και B.

**10. ΘΕΜΑ\_2\_34161**

α) Να λύσετε την εξίσωση  $|2x - 1| = 3$ .

β) Αν  $\alpha, \beta$  με  $\alpha < \beta$  είναι οι ρίζες της εξίσωσης του ερωτήματος (α), τότε να λύσετε την εξίσωση:

$$\alpha x^2 + \beta x + 3 = 0$$

**11. ΘΕΜΑ\_2\_34154**

Δίνονται οι αριθμοί:  $A = \frac{1}{3 - \sqrt{7}}$ ,  $B = \frac{1}{3 + \sqrt{7}}$ .

α) Να δείξετε ότι:  $A + B = 3$  και  $A \cdot B = \frac{1}{2}$ .

β) Να κατασκευάσετε μια εξίσωση 2ου βαθμού που έχει ρίζες τους αριθμούς A, B.

**12. ΘΕΜΑ\_2\_34150**

Δίνονται δύο πραγματικοί αριθμοί  $\alpha, \beta$ , τέτοιοι ώστε:

$$\alpha + \beta = 12 \quad \text{και} \quad \alpha^2 + \beta^2 = 272$$

α) Με τη βοήθεια της ταυτότητας  $(\alpha + \beta)^2 = \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2$ , να δείξετε ότι:  $\alpha \cdot \beta = -64$ .

β) Να κατασκευάσετε μια εξίσωση 2ου βαθμού που έχει ρίζες τους αριθμούς  $\alpha, \beta$ .

γ) Να προσδιορίσετε τους αριθμούς  $\alpha, \beta$ .

**13. ΘΕΜΑ\_2\_34149**

α) Να λύσετε την εξίσωση:  $2x^2 - x - 6 = 0$  (1).

β) Να λύσετε την ανίσωση:  $|x - 1| < 2$  (2).

γ) Να εξετάσετε αν υπάρχουν τιμές του  $x$  που ικανοποιούν ταυτόχρονα τις σχέσεις (1) και (2).

**14. ΘΕΜΑ\_2\_14741**

Δίνεται η αλγεβρική παράσταση  $K = \frac{\alpha(\alpha^2 - 2\alpha + 1)}{\alpha^3 - \alpha^2}$ ,  $\alpha \neq 0, \alpha \neq 1$ .

α) Να δείξετε ότι  $K = \frac{\alpha - 1}{\alpha}$ .

β) Για κάθε  $\alpha \neq 0$  και  $\alpha \neq 1$ ,

i. Να δείξετε ότι  $K \neq 0$ .

ii. Να βρείτε την τιμή του  $\alpha$  για την οποία ισχύει η ισότητα  $K(K - 2) = 0$ .

**15. ΘΕΜΑ\_3\_14749**

α) i. Να βρείτε για ποιες τιμές του  $x \in \mathbb{R}$ , ορίζεται η παράσταση:  $A = \frac{x}{x - |x|}$ .

ii. Για τις τιμές του  $x$  για τις οποίες ορίζεται η παράσταση  $A$ , να δείξετε ότι  $A = \frac{1}{2}$ .

β) Για  $x < 0$ , να λύσετε την εξίσωση:  $\frac{x^3}{x - |x|} = \frac{3}{2}x + 2$ .

**16. ΘΕΜΑ\_3\_14578**

α) Να βρείτε για ποιες τιμές του  $x$  ορίζεται η παράσταση:  $\Pi = \frac{2x^2 - 1}{x^2 - x} + \frac{1}{1 - x}$ .

β) Για τις τιμές του  $x$  που βρήκατε στο α) ερώτημα, να λύσετε την εξίσωση:  $\frac{2x^2 - 1}{x^2 - x} + \frac{1}{1 - x} = 0$ .

**17. ΘΕΜΑ\_3\_14052**

α) Να λύσετε την εξίσωση  $x^2 - 1 = 0$ .

β) Να βρείτε για ποιες τιμές του  $x \in \mathbb{R}$  ισχύει:  $|x| + x = 0$ .

γ) Να βρείτε για ποιες τιμές του  $x \in \mathbb{R}$  ισχύει:  $|x| + |x^2 - 1| + x = 0$ .

**18. ΘΕΜΑ\_4\_14820**

α) Να αποδείξετε ότι οι παρακάτω ανισότητες ισχύουν για κάθε  $x \in \mathbb{R}$  και να βρείτε για ποιες τιμές του  $x$  ισχύουν ως ισότητες.

i.  $x^2 + x + 1 \geq \frac{3}{4}$                       ii.  $x^2 - x + 1 \geq \frac{3}{4}$

β) Να δείξετε ότι  $(x^2 + x + 1)(x^2 - x + 1) > \frac{9}{16}$  για κάθε  $x \in \mathbb{R}$ .

γ) Δίνεται η παράσταση  $A = \frac{(x^3 - 1)(x^3 + 1)}{x^2 - 1}$ .

i. Να βρείτε για ποιες τιμές του  $x \in \mathbb{R}$  ορίζεται η παράσταση  $A$ .

ii. Με τη βοήθεια του β) ή με οποιοδήποτε άλλο τρόπο θέλετε, να εξετάσετε αν η παράσταση  $A$  μπορεί να πάρει την τιμή  $\frac{9}{16}$ .

**19. ΘΕΜΑ\_4\_36651**

Δίνεται η εξίσωση  $x^2 - 2\lambda x + 4\lambda + 5 = 0$  με παράμετρο  $\lambda \in \mathbb{R}$ .

α) Να βρείτε το πλήθος των πραγματικών ριζών της εξίσωσης όταν  $\lambda = -2$  και όταν  $\lambda = 3$ .

β) i. Να αποδείξετε ότι αν  $\lambda = 5$ , τότε η εξίσωση έχει μια διπλή ρίζα.

ii. Να εξετάσετε αν υπάρχει άλλη τιμή του  $\lambda$ , ώστε η εξίσωση να έχει διπλή ρίζα.

γ) Αν ισχύει  $|\lambda^2 - 4\lambda - 5| = 4\lambda - \lambda^2 + 5$ ,  $\lambda \in \mathbb{R} - \{-1, 5\}$  να αποδείξετε ότι η εξίσωση δεν έχει πραγματικές ρίζες.

**20. ΘΕΜΑ\_4\_36675**

Δίνεται η εξίσωση  $x^2 - 4x + 2 - \lambda^2 = 0$ , (1) με παράμετρο  $\lambda \in \mathbb{R}$ .

α) Να αποδείξετε ότι, για οποιαδήποτε τιμή του  $\lambda \in \mathbb{R}$ , η (1) έχει δύο ρίζες άνισες.

β) Αν  $x_1$  και  $x_2$  είναι οι ρίζες της εξίσωσης (1), τότε:

i. Να βρείτε το  $S = x_1 + x_2$ .

ii. Να βρείτε το  $P = x_1 \cdot x_2$  ως συνάρτηση του πραγματικού αριθμού  $\lambda$ .

γ) Αν η μία ρίζα της εξίσωσης (1) είναι ο αριθμός  $2 + \sqrt{3}$  τότε:

i. να αποδείξετε ότι η άλλη ρίζα της εξίσωσης (1) είναι ο αριθμός  $2 - \sqrt{3}$ ,

ii. να βρείτε τον αριθμό  $\lambda$ .

**21. ΘΕΜΑ\_4\_36663**

Για την κάλυψη, με τετράγωνα πλακάκια, μέρους ενός τοίχου, μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε πλακάκια τύπου A με πλευρά  $d$  cm ή πλακάκια τύπου B με πλευρά  $(d + 1)$  cm.

α) Να βρείτε ως συνάρτηση του  $d$ , το εμβαδόν που καλύπτει κάθε πλακάκι τύπου A και κάθε πλακάκι τύπου B.

β) Αν η επιφάνεια μπορεί να καλυφθεί είτε με 200 πλακάκια τύπου Α είτε με 128 τύπου Β, να βρείτε:

- i. τη διάσταση που έχει το πλακάκι κάθε τύπου.
- ii. το εμβαδόν της επιφάνειας που καλύπτουν.

## 22. ΘΕΜΑ\_4\_36661

Δίνεται η εξίσωση  $(\lambda^2 - \lambda)x^2 - (\lambda^2 - 1)x + \lambda - 1 = 0$ , (1) με παράμετρο  $\lambda \in \mathbb{R}$ .

- α) Να βρείτε τις τιμές του  $\lambda \in \mathbb{R}$ , για τις οποίες η (1) είναι εξίσωση 2ου βαθμού.
- β) Να αποδείξετε ότι για τις τιμές του  $\lambda \in \mathbb{R}$  που βρήκατε στο ερώτημα (α) η (1) παίρνει τη μορφή:  $\lambda x^2 - (\lambda + 1)x + 1 = 0$ .
- γ) Να αποδείξετε ότι για τις τιμές του  $\lambda$  που βρήκατε στο ερώτημα (α) η (1) έχει δυο ρίζες πραγματικές και άνισες.
- δ) Να προσδιορίσετε τις ρίζες της (1), αν αυτή είναι 2ου βαθμού.

## 23. ΘΕΜΑ\_4\_34544

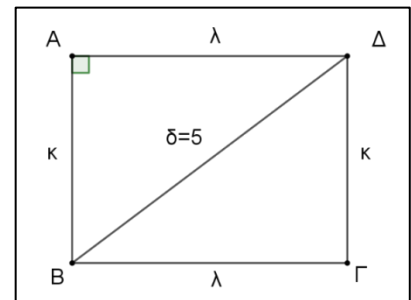
Δίνεται η εξίσωση  $x^2 - 2\lambda x + 4(\lambda - 1) = 0$  (1) με άγνωστο το  $x$  και παράμετρο  $\lambda \in \mathbb{R}$ .

- α) Να αποδείξετε ότι η διακρίνουσα της εξίσωσης (1) είναι η  $\Delta = (2\lambda - 4)^2$ .
- β) Να βρείτε το πλήθος των ριζών της εξίσωσης (1) για τις διάφορες τιμές της παραμέτρου  $\lambda$ .
- γ) Να αποδείξετε ότι για οποιαδήποτε τιμή της παραμέτρου  $\lambda$  ο αριθμός  $x = 2$  είναι λύση της εξίσωσης (1).

## 24. ΘΕΜΑ\_4\_34390

Δίνεται ορθογώνιο με διαστάσεις  $\kappa$  και  $\lambda$  του οποίου η περίμετρος είναι  $\Pi = 14 \text{ cm}$  και μια διαγώνιος  $\delta = 5 \text{ cm}$ .

- α) i. Με χρήση της ταυτότητας  $(\kappa + \lambda)^2 = \kappa^2 + 2\kappa\lambda + \lambda^2$ , να δείξετε ότι για το εμβαδόν  $E$  του ορθογώνιου ισχύει  $E = 12 \text{ cm}^2$ .
- ii. Να αιτιολογήσετε γιατί οι τις διαστάσεις  $\kappa$  και  $\lambda$  του ορθογώνιου είναι ρίζες της  $x^2 - 7x + 12 = 0$ .
- iii. Να βρείτε τις διαστάσεις  $\kappa$  και  $\lambda$  του ορθογώνιου.



β) Να δείξετε ότι ένα ορθογώνιο με περίμετρο  $\Pi = 14 \text{ cm}$  πρέπει να έχει εμβαδόν  $E \leq \frac{49}{4}$ .

## 25. ΘΕΜΑ\_4\_34327

- α) Να λύσετε την εξίσωση  $x^2 - 3x - 4 = 0$  (1)
- β) Δίνονται οι ομόσημοι αριθμοί  $\alpha, \beta$  για τους οποίους ισχύει:  $\alpha^2 - 3\alpha\beta - 4\beta^2 = 0$ .
  - i. Να αποδείξετε ότι ο αριθμός  $\frac{\alpha}{\beta}$  είναι λύση της εξίσωσης (1).

ii. Να αιτιολογήσετε γιατί ο  $\alpha$  είναι τετραπλάσιος του  $\beta$ .

**26. ΘΕΜΑ\_4\_34310**

Δίνεται η εξίσωση  $\lambda x^2 + (2\lambda - 1)x + \lambda - 1 = 0$ , με παράμετρο  $\lambda \in \mathbb{R} - \{0\}$ .

α) Να δείξετε ότι η διακρίνουσα  $\Delta$  της εξίσωσης είναι ανεξάρτητη του  $\lambda$ , δηλαδή σταθερή.

β) Να προσδιορίσετε τις ρίζες της εξίσωσης ως συνάρτηση του  $\lambda$ .

γ) Να βρείτε για ποιες τιμές του  $\lambda$  η απόσταση των ριζών της εξίσωσης στον άξονα των πραγματικών αριθμών είναι ίση με 2 μονάδες.

**27. ΘΕΜΑ\_4\_33889**

α) Να λύσετε τις εξισώσεις:  $3x^2 - 14x + 8 = 0$  (1) και  $8x^2 - 14x + 3 = 0$  (2).

β) Ένας μαθητής παρατήρησε ότι οι ρίζες της εξίσωσης (2) είναι οι αντίστροφοι των ριζών της εξίσωσης (1) και ισχυρίστηκε ότι το ίδιο θα ισχύει για οποιοδήποτε ζευγάρι εξισώσεων της μορφής:

$$\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0 \quad (3) \quad \text{και} \quad \gamma x^2 + \beta x + \alpha = 0 \quad (4), \quad \text{με} \quad \alpha \cdot \gamma \neq 0.$$

Να αποδείξετε τον ισχυρισμό του μαθητή, δείχνοντας ότι:

Αν ο αριθμός  $\rho$  είναι ρίζα της εξίσωσης (3) και  $\alpha \cdot \gamma \neq 0$ , τότε

- i.  $\rho \neq 0$                       ii.  $\frac{1}{\rho}$  είναι ρίζα της εξίσωσης (4).

**28. ΘΕΜΑ\_4\_33826**

α) Δίνεται η εξίσωση:  $x^4 - 8x^2 - 9 = 0$ .

Να δείξετε ότι η εξίσωση αυτή έχει δύο μόνο πραγματικές ρίζες, τις οποίες και να προσδιορίσετε.

β) Γενικεύοντας το παράδειγμα του προηγούμενου ερωτήματος, θεωρούμε την εξίσωση:

$$x^4 + \beta x^2 + \gamma = 0 \quad (1) \quad \text{με παραμέτρους} \quad \beta, \gamma \in \mathbb{R}$$

Να δείξετε ότι αν  $\gamma < 0$ , τότε:

- i.  $\beta^2 - 4\gamma > 0$ ,  
ii. Η εξίσωση (1) έχει δύο μόνο διαφορετικές πραγματικές ρίζες.

**29. ΘΕΜΑ\_4\_33585**

Δίνεται η εξίσωση  $\alpha x^2 - (\alpha^2 - 1)x - \alpha = 0$ , με παράμετρο  $\alpha \neq 0$ .

α) Να αποδείξετε ότι η διακρίνουσα της εξίσωσης είναι:  $\Delta = (\alpha^2 + 1)^2$ .

β) Να βρείτε τις ρίζες  $\rho_1$  και  $\rho_2$  της εξίσωσης, ως συνάρτηση του  $\alpha$ .

Αν οι ρίζες της εξίσωσης είναι  $\rho_1 = \alpha$  και  $\rho_2 = -\frac{1}{\alpha}$ ,

γ) Να βρείτε τις τιμές του  $\alpha$  ώστε  $|\rho_1 - \rho_2| = 2$ .

**30. ΘΕΜΑ\_4\_33584**

Δίνεται η εξίσωση:  $x^2 - 2x + \lambda = 0$ , με παράμετρο  $\lambda < 1$ .

- α) Να αποδείξετε ότι η εξίσωση έχει δύο ρίζες  $x_1, x_2$  διαφορετικές μεταξύ τους.
- β) Να δείξετε ότι:  $x_1 + x_2 = 2$ .
- γ) Αν για τις ρίζες  $x_1, x_2$  ισχύει επιπλέον  $|x_1 - 2| = |x_2 + 2|$ , τότε:
  - i. Να δείξετε ότι:  $x_1 - x_2 = 4$ .
  - ii. Να βρείτε τις ρίζες  $x_1, x_2$  και η τιμή του  $\lambda$ .

**31. ΘΕΜΑ\_4\_14651**

Οι πλευρές  $x_1, x_2$  ενός ορθογωνίου παραλληλογράμμου είναι οι ρίζες της εξίσωσης:

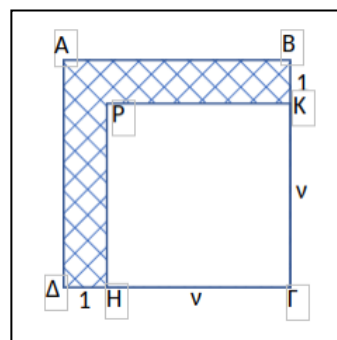
$$x^2 - 4\left(\lambda + \frac{1}{\lambda}\right)x + 16 = 0 \quad \text{όπου } \lambda > 0$$

- α) Να βρείτε:
  - i. την περίμετρο  $\Pi$  του ορθογωνίου συναρτήσει του  $\lambda$ .
  - ii. το εμβαδόν  $E$  του ορθογωνίου.
- β) Να αποδείξετε ότι  $\Pi \geq 16$ , για κάθε  $\lambda > 0$ .
- γ) Για ποια τιμή του  $\lambda$  η περίμετρος  $\Pi$  του ορθογωνίου γίνεται ελάχιστη, δηλαδή ίση με 16; Τι μπορείτε να πείτε τότε για το ορθογώνιο;

**32. ΘΕΜΑ\_4\_14543**

Κάθε περιττός ακέραιος αριθμός  $a$  γράφεται στη μορφή  $a = 2k + 1$ , όπου  $k$  ακέραιος.

- α) Να γράψετε τους αριθμούς 3, 5, 7 ως διαφορά τετραγώνων δύο ακεραίων.
- β) i. Να αποδείξετε ότι η διαφορά των τετραγώνων δύο διαδοχικών ισούται πάντα με έναν περιττό ακέραιο.  
ii. Να γράψετε τον αριθμό 2021 ως διαφορά δύο τετραγώνων ακεραίων αριθμών.
- γ) Στο σχήμα τα τετράπλευρα  $AB\Gamma\Delta$  και  $\Gamma\text{HPK}$  είναι τετράγωνα με  $\Gamma\text{H} = \Gamma\text{K} = v$  και  $\text{BK} = \Delta\text{H} = 1$ . Αν γνωρίζουμε ότι το γραμμοσκιασμένο εμβαδόν είναι ίσο με 45, να βρεθεί η τιμή του θετικού ακεραίου  $v$ .



**33. ΘΕΜΑ\_4\_14490**

Έστω  $\Omega$  το σύνολο που έχει ως στοιχεία τους αριθμούς που είναι οι ενδείξεις ενός ζαριού.

- α) Να γράψετε με αναγραφή το σύνολο  $\Omega$ .
- β) Δίνεται η εξίσωση  $x^2 - 2x + \lambda - 2 = 0$ ,  $\lambda \in \mathbb{R}$ .  
Να βρείτε:
  - i. το σύνολο  $A$  που περιέχει ως στοιχεία τις τιμές του  $\lambda \in \Omega$ , αν επιπλέον γνωρίζετε ότι

η εξίσωση δεν έχει πραγματικές ρίζες.

ii. την πραγματική τιμή του  $\lambda$ , αν η εξίσωση έχει ρίζες αντίστροφες.

γ) Για την τιμή του  $\lambda$  που βρήκατε στο ερώτημα β)ii. να υπολογίσετε τις ρίζες της εξίσωσης.

### 34. ΘΕΜΑ\_4\_14406

Δίνονται οι μη μηδενικοί πραγματικοί αριθμοί  $\alpha, \beta$ , με  $\alpha \neq \beta$  για τους οποίους ισχύει:  $\frac{\alpha^2 + 1}{\beta^2 + 1} = \frac{\alpha}{\beta}$ .

α) Να αποδείξετε ότι οι αριθμοί  $\alpha$  και  $\beta$  είναι αντίστροφοι.

β) Να υπολογίσετε την τιμή της παράστασης  $K = \frac{\alpha^{22} \cdot (\beta^3)^8}{\alpha^{-2} \cdot (\alpha\beta)^{25}}$ .

γ) Αν επιπλέον οι μη μηδενικοί αριθμοί  $\alpha$  και  $\beta$  εκφράζουν τα μήκη των πλευρών ορθογωνίου παραλληλογράμμου με άθροισμα  $\frac{5}{2}$ , να τους υπολογίσετε.

δ) Να βρείτε τον αριθμό που πρέπει να προσθέσετε στο  $\alpha$  ή στο  $\beta$ , έτσι ώστε το ορθογώνιο παραλληλόγραμμο να γίνει τετράγωνο.

### 35. ΘΕΜΑ\_4\_12683

Μια δεξαμενή έχει σχήμα ορθογωνίου παραλληλεπίπεδου με βάση τετράγωνο και ύψος ίσο με το ένα τέταρτο του μήκους της.

α) Αν η δεξαμενή έχει όγκο  $16\text{m}^3$ , να βρείτε τις διαστάσεις της.

β) Λόγω έλλειψης χώρου η δεξαμενή ανακατασκευάζεται με βάση ορθογώνιο παραλληλόγραμμο και ύψος 2 μέτρα (όπως στο παρακάτω σχήμα). Αν το πλάτος της νέας δεξαμενής είναι κατά 2 m μικρότερο από το μήκος της υπολογίστε τις διαστάσεις της βάσης προκειμένου ο όγκος να παραμείνει  $16\text{m}^3$ .

γ) Αν η νέα δεξαμενή περιέχει  $10\text{m}^3$  πετρέλαιο να βρείτε το ύψος της στάθμης του πετρελαίου μέσα στη δεξαμενή.

