

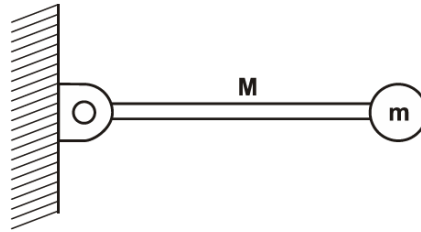
**Θέμα Α**

Στις ερωτήσεις **A1 – A4** να γράψετε στο τετράδιό σας τον αριθμό της ερώτησης και δίπλα το γράμμα που αντιστοιχεί στην επιλογή σας, η οποία συμπληρώνει σωστά την ημιτελή πρόταση.

- A1.** Η συχνότητα μιας εξαναγκασμένης ταλάντωσης
- είναι ίση με τη συχνότητα του διεγέρτη.
  - είναι πάντα ίση με την ιδιοσυχνότητα του ταλαντωτή.
  - εξαρτάται από την αρχική ενέργεια της ταλάντωσης.
  - είναι ίση με το άθροισμα της συχνότητας του διεγέρτη και της ιδιοσυχνότητας του ταλαντωτή.
- A2.** Ποια από τις περιοχές του φάσματος της ηλεκτρομαγνητικής ακτινοβολίας έχει τη μικρότερη συχνότητα;
- Η υπέρυθρη ακτινοβολία.
  - Τα ραδιοκύματα.
  - Το ορατό φως.
  - Οι ακτίνες  $\gamma$ .
- A3.** Δύο σφαίρες Α και Β με ίσες μάζες, μία εκ των οποίων είναι ακίνητη, συγκρούονται κεντρικά και ελαστικά. Το ποσοστό της μεταβιβαζόμενης ενέργειας από τη σφαίρα που κινείται στην αρχικά ακίνητη σφαίρα είναι:
- 100% .
  - 50% .
  - 40% .
  - 0% .
- A4.** Ένα στερεό σώμα περιστρέφεται γύρω από ακλόνητο άξονα. Εάν διπλασιαστεί η στροφορμή του, χωρίς να αλλάξει ο άξονας περιστροφής γύρω από τον οποίο αυτό περιστρέφεται, τότε η κινητική του ενέργεια:
- παραμένει σταθερή.
  - υποδιπλασιάζεται.
  - διπλασιάζεται.
  - τετραπλασιάζεται.
- A5.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή τη λέξη **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.
- Σε μία φθίνουσα ταλάντωση στην οποία η αντιτιθέμενη δύναμη είναι ανάλογη της ταχύτητας ( $F = -bv$ ), για ορισμένη τιμή της σταθεράς απόσβεσης  $b$  η περίοδος μειώνεται.
  - Η σχέση που περιγράφει το φαινόμενο Doppler για το φως είναι διαφορετική από αυτήν που ισχύει για τον ήχο.
  - Τα φαινόμενα της ανάκλασης και της διάθλασης είναι κοινά σε όλα τα είδη κυμάτων, ηλεκτρομαγνητικά και μηχανικά.
  - Η σύνθεση δύο απλών αρμονικών ταλαντώσεων, της ίδιας διεύθυνσης που γίνονται γύρω από ίδιο σημείο με συχνότητες που διαφέρουν λίγο μεταξύ τους, είναι απλή αρμονική ταλάντωση.
  - Η ροπή ζεύγους δυνάμεων είναι η ίδια ως προς οποιοδήποτε σημείο του επιπέδου τους.

## Θέμα Β

- B1.** Λεπτή ομογενής ράβδος μάζας  $M$  και μήκους  $L$  μπορεί να περιστρέφεται σε κατακόρυφο επίπεδο, γύρω από οριζόντιο άξονα που διέρχεται από το ένα άκρο της. Στο άλλο άκρο της ράβδου, είναι στερεωμένο σφαιρίδιο μάζας  $m = \frac{M}{2}$  (Σχήμα 1).



Σχήμα 1

Τη χρονική στιγμή που το σύστημα ράβδου-σφαιριδίου αφήνεται να κινηθεί από την οριζόντια θέση, ο ρυθμός μεταβολής της στροφορμής της ράβδου είναι:

i.  $\frac{\Delta L_p}{\Delta t} = \frac{1}{2}MgL$

ii.  $\frac{\Delta L_p}{\Delta t} = MgL$

iii.  $\frac{\Delta L_p}{\Delta t} = \frac{2}{5}MgL$

Δίνεται ότι η ροπή αδράνειας της ράβδου ως προς τον άξονα περιστροφής της που περνά από το άκρο της, είναι  $I_p = \frac{1}{3}ML^2$ .

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

- B2.** Ένα στάσιμο κύμα που δημιουργείται σε ένα γραμμικό ελαστικό μέσο περιγράφεται από την εξίσωση:

$$Y = 2A \sin\left(2\pi \frac{x}{\lambda}\right) \eta\mu\left(2\pi \frac{t}{T}\right)$$

Το πλάτος ταλάντωσης  $A'$  ενός σημείου  $M$  του ελαστικού μέσου που βρίσκεται δεξιά του τρίτου δεσμού από το σημείο  $x = 0$  και σε απόσταση  $\frac{\lambda}{12}$  από αυτόν είναι:

i.  $A' = A\sqrt{3}$

ii.  $A' = \frac{A}{2}$

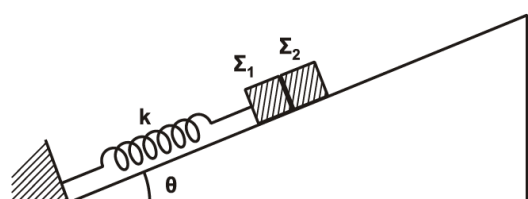
iii.  $A' = A$

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

Δίνεται:  $\sin\frac{2\pi}{3} = -\frac{1}{2}$ .

- B3.** Σε κεκλιμένο επίπεδο γωνίας κλίσης  $\theta$  είναι τοποθετημένα δύο σώματα  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  με μάζες  $m_1$  και  $m_2$  αντίστοιχα, που εφάπτονται μεταξύ τους. Το σώμα  $\Sigma$  είναι δεμένο στο άκρο ελατηρίου σταθεράς  $k$ , ενώ το άλλο άκρο του ελατηρίου είναι στερεωμένο στη βάση του κεκλιμένου επιπέδου, όπως φαίνεται στο Σχήμα 2.



Σχήμα 2

Μετακινώντας τα δύο σώματα προς τα κάτω, το σύστημα τίθεται σε ταλάντωση πλάτους  $A$ . Η συνθήκη για να μην αποχωριστεί το  $\Sigma_1$  από το  $\Sigma_2$  είναι:

- i)  $A \cdot k < (m_1 + m_2)g \eta \mu \theta$
- ii)  $A \cdot k < (m_1 + m_2)g \eta \mu \theta$
- iii)  $A \cdot k < (m_1 + m_2)g \eta \mu \theta$

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

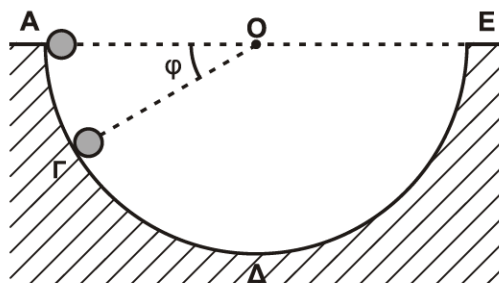
### Θέμα Γ

Ιδανικός πυκνωτής χωρητικότητας  $C$  είναι φορτισμένος σε τάση  $V = 40 \text{ V}$ . Τη χρονική στιγμή  $t = 0 \text{ s}$  συνδέεται με ιδανικό πηνίο συντελεστή αυτεπαγωγής  $L$  και το κύκλωμα αρχίζει να εκτελεί αμείωτες ηλεκτρικές ταλαντώσεις. Η ενέργεια  $U_E$  του ηλεκτρικού πεδίου του πυκνωτή, σε συνάρτηση με την ένταση  $i$  του ρεύματος, στο κύκλωμα δίνεται από τη σχέση  $U_E = 8 \cdot 10^{-2} (1 - i^2)$  (S.I.).

- Γ1. Να υπολογίσετε την περίοδο  $T$  των ηλεκτρικών ταλαντώσεων του κυκλώματος.
- Γ2. Να υπολογίσετε την ενέργεια του ηλεκτρικού πεδίου του πυκνωτή τη χρονική στιγμή  $t = \frac{T}{12}$ .
- Γ3. Να υπολογίσετε το μέτρο του ρυθμού μεταβολής της έντασης του ρεύματος στο κύκλωμα κάθε φορά που η ενέργεια του ηλεκτρικού πεδίου του πυκνωτή γίνεται τριπλάσια της ενέργειας του μαγνητικού πεδίου του πηνίου.
- Γ4. Να γράψετε τη συνάρτηση  $f$  που συνδέει το τετράγωνο του φορτίου του πυκνωτή με το τετράγωνο της έντασης του ρεύματος από το οποίο διαρρέεται το πηνίο,  $q^2 = f(i^2)$ , και να την παραστήσετε γραφικά.

### Θέμα Δ

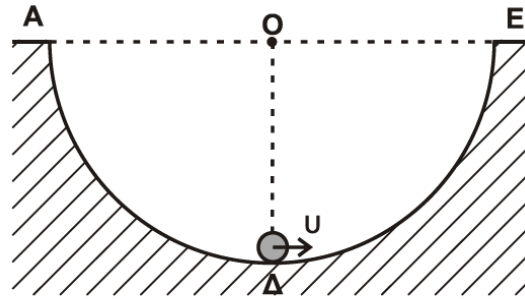
Από το εσωτερικό άκρο  $A$  ενός ημισφαιρίου ακτίνας  $R = 1,6 \text{ m}$ , αφήνεται να κυλήσει μία συμπαγής μικρή σφαίρα μάζας  $m = 1,4 \text{ kg}$  και ακτίνας  $r = \frac{R}{8}$ . Το ημισφαίριο είναι βυθισμένο στο έδαφος, όπως φαίνεται στο Σχήμα 3, και η κίνηση της σφαίρας γίνεται χωρίς ολίσθηση.



Σχήμα 3

- Δ1. Να εκφράσετε τη στατική τριβή  $T_s$  που ασκείται στη σφαίρα σε συνάρτηση με το συνημίτονο της γωνίας  $\varphi$  που σχηματίζει η ακτίνα  $OG$  του ημισφαιρίου με την ευθεία  $AE$  της επιφάνειας του εδάφους.
- Δ2. Να υπολογίσετε την κάθετη δύναμη που ασκεί η ημισφαιρική επιφάνεια στη σφαίρα όταν αυτή βρίσκεται στο σημείο  $\Gamma$  όπου  $\varphi = 30^\circ$  (Σχήμα 3).

Μια άλλη σφαίρα, όμοια με την προηγούμενη, εκτοξεύεται από το κατώτατο σημείο Δ του ημισφαιρίου με ταχύτητα  $v = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  και κυλιέται χωρίς ολίσθηση στο εσωτερικό του με κατεύθυνση το άκρο Ε (Σχήμα 4).



Σχήμα 4

- Δ3. Να υπολογίσετε το μέγιστο ύψος από την επιφάνεια του εδάφους που θα φτάσει η σφαίρα κατά την κίνησή της.
- Δ4. Να υπολογίσετε το ρυθμό μεταβολής της κινητικής ενέργειας και το ρυθμό μεταβολής της στροφορμής της σφαίρας, αμέσως μόλις αυτή χάσει την επαφή με την επιφάνεια του ημισφαιρίου στο σημείο Ε.

Δίνονται: η ροπή αδράνειας της σφαίρας ως προς τον άξονα που διέρχεται από το κέντρο μάζας  $I_{\text{CM}} = \frac{2}{5} mr^2$  και η επιτάχυνση της βαρύτητας  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ .